

SADRŽAJ

P r e d g o v o r	9
Uvod	11
I Parcijalne diferencijalne jednačine	19
1. Parcijalne diferencijalne jednačine prvog reda	21
1.1. Uvodni pojmovi o parcijalnim diferencijalnim jednačinama	21
1.2. Normalni sistemi običnih diferencijalnih jednačina	24
– Integral normalnog sistema običnih diferencijalnih jednačina	26
– Sistem diferencijalnih jednačina u simetričnom obliku	31
1.3. Metoda karakteristika za rešavanje kvazilinearne parcijalne diferencijalne jednačine prvog reda	35
– Homogena linearna parcijalna diferencijalna jednačina	36
– Kvazilinearna parcijalna diferencijalna jednačina	40
1.4. Opšta parcijalna diferencijalna jednačina prvog reda	47
– Pfafova diferencijalna jednačina	47
– Lagranž–Šarpijeva metoda	49
– Lagranžova klasifikacija integrala	54
2. Kanonski oblik linearnih parcijalnih diferencijalnih jednačina drugog reda.....	63
2.1. Osobine linearnosti rešenja	63
– Klasifikacija kvazilinearnih parcijalnih diferencijalnih jednačina i svodj enje na kanonski oblik	70
3. Parcijalne diferencijalne jednačine hiperboličkog tipa	83
3.1. Košijevi problemi talasne jednačine	83
– Košijevi problemi jednačine oscilovanja žice	83
– Košijevi problemi talasne jednačine u prostoru i ravni	90
3.2. Mešoviti problemi jednačine oscilovanja žice	98
3.3. Mešoviti problemi opšte parcijalne diferencijalne jednačine hiperboličkog tipa	127
– Longitudinalne oscilacije prizmatičnih greda i torzijske oscilacije vratila	138
– Analogije nekih modela longitudinalnih i torzijskih oscilacija štapova promenljivog poprečnog preseka	148

3.4. Mešoviti problemi parcijalnih diferencijalnih jednačina hiperboličkog tipa u ravni	155
– Slobodno treperenje pravougaone i kružne membrane sa učvršćenim konturama	156
4. Parcijalne diferencijalne jednačine paraboličkog tipa.....	168
4.1. Korektno postavljen prvi konturni problem.....	168
4.2. Košijev problem jednačine provodj enja topote	173
4.3. Mešoviti problemi jednačine provodj enja topote	183
– Mešoviti problemi homogene jednačine provodj enja topote	183
– Mešoviti problemi nehomogene jednačine provodj enja topote	186
4.4. Neki mešoviti problemi jednačine provodj enja topote u ravni i prostoru ...	195
– Prostiranje topote kroz tanku ploču, kuglu i neograničenu cilindričnu šipku	196
5. Parcijalne diferencijalne jednačine eliptičkog tipa	200
5.1. Harmonijske funkcije	200
– Integralna reprezentacija harmonijskih funkcija	204
– Neke osobine harmonijskih funkcija	205
5.2. Granični problemi	208
5.3. Grinova formula	211
– Grinova funkcija Dirihićevih graničnih problema	212
– Rešavanje Dirihićevih graničnih problema za kuglu i krug metodom Grinove funkcije	214
5.4. Rešavanje graničnih problema Furijeovom metodom razdvajanja promenljivih	218
– Dirihićevi granični problemi Laplasove jednačine za krug	218
– Poasonova formula Dirihićevih graničnih problema za krug	226
– Nojmanovi granični problemi Laplasove jednačine za krug	230
– Granični problemi Laplasove jednačine za pravougaonik	233
– Granični problemi Poasonove jednačine	236
6. Parcijalne diferencijalne jednačine četvrtog reda	240
6.1. Biharmonijske funkcije	240
6.2. Jednačine transverzalnih oscilacija greda	243
6.3. Jednačina elastične površi savijene tanke ploče	254
6.4. Talasna jednačina tanke ploče	258
6.4. Poprečne oscilacije ljudski	263
II Integralne jednačine	267
7. Linearne integralne jednačine	269
7.1. Osnovni tipovi linearnih integralnih jednačina	270
7.2. Metoda sukcesivnih aproksimacija (iterativna metoda)	273

7.3. Metoda iteriranih jezgara. Rezolventa	279
7.4. Fredholmova integralna jednačina druge vrste sa degenerisanim jezgrom	288
8. Rešavanje integralnih jednačina primenom Laplasove transformacije	299
8.1. Laplasova transformacija	299
– Neka svojstva Laplasove transformacije	302
– Diferenciranje i integraljenje originala i slike	305
– Konvolucija	311
– Tablice Laplasovih slika i inverznih Laplasovih slika	314
8.2. Neke Volterine integralne i integrodiferencijalne jednačine	319
8.3. Neke primene integralnih jednačina	327
– Neki primeri iz mehanike	327
– Integrodiferencijalne jednačine za višemasene nasledne sisteme	330
– Integrodiferencijalna jednačina oscilovanja elastičnih tela	335
Literatura	339
Indeks	341
Beleške o autorima	346